

*Е.В. Зубков*

(СибГУТИ; e-mail: evz.nsk@gmail.com)

## **ПРИМЕНЕНИЕ ЭНТРОПИЙНОГО ПОДХОДА В ЗАДАЧАХ ОБЕСПЕЧЕНИЯ ИНФОРМАЦИОННОЙ БЕЗОПАСНОСТИ**

*Предлагается оригинальная методика кластеризации событий при оценке информационной безопасности. Данная методика использует энтропийный подход и позволяет формировать кластеры с заданными характеристиками.*

*Ключевые слова: энтропия, кластеризация, информационная безопасность.*

*E.V. Zubkov*

## **APPLICATION OF ENTROPY APPROACH IN PROBLEMS OF ENSURING INFORMATION SECURITY**

*An original method clustering events during information security assessment is offered. This technique uses the entropy approach and allows forming clusters with predetermined characteristics.*

*Key words: data mining, entropy, clustering, information security events.*

Статья поступила в редакцию Интернет-журнала 26 мая 2016 г.

### **Введение**

Интенсивное развитие информационных технологий, наблюдаемое в последние десятилетия, создало предпосылки к накоплению и обработке информации, которая первоначально преимущественно использовалась в роли инструмента для изучения различных процессов и явлений. Усложнение структуры данных, увеличение их объёмов, появление новых форм данных привело к тому, что информация, независимо от своей предметной области, сама стала объектом исследований.

Совокупность методик, предназначенных для обработки больших массивов данных и извлечения из них дополнительной (скрытой) информации, эволюционно была сведена в единую предметную область и объединена общим термином – "**методы интеллектуального анализа данных**" (МИАД). В англоязычной литературе для её обозначения используют термин – "Data Mining". К основным задачам МИАД относят: классификацию, кластеризацию, прогнозирование, поиск ассоциативных правил и т.д. [1-3].

Несмотря на междисциплинарный характер МИАД, предметная область все же может накладывать существенные ограничения на возможность их применения. В данной статье исследуется статистика **событий информационной безопасности (СИБ)**.

Источником таких событий является **система обнаружения вторжений (СОВ)**, которая является важнейшей составляющей системы информационной безопасности. Одна из основных проблем, связанных с исследованием сетевых СИБ, заключается в их большом количестве. В связи с этим приобретает акту-

альность задача сокращения информационных сущностей, требующих экспертного анализа. Отметим, что признаки СИБ измерены в номинальной шкале и имеют высокие значения вариативности. Стандартные средства СУБД не всегда обеспечивают желаемый результат, поскольку количество результирующих элементов при группировке по всем значениям одного либо нескольких признаков будет сопоставимо с количеством исходных. Решение задачи лежит в плоскости применения МИАД для кластеризации СИБ.

**Кластеризацией** называют процесс распознавания внутренних правил объекта данных. Объекты группируют в форме классов связанных объектов, то есть кластеров в зависимости от выбранных метрик. Используемые метрики основаны на значениях свойств элементов. Различие между классификацией и кластеризацией состоит в том, что классификацию применяют для распределения элементов по заранее известным классам, а кластеризацию – для поиска неустановленных правил классификации в перемешанных наборах данных. Условно кластеризацию можно рассматривать как автоматическую классификацию.

Достаточно часто методики кластеризации основаны на вычислении расстояния между объектами. Однако, если, как в нашем случае, признаки объекта измерены в номинальной шкале, определить его величину весьма затруднительно. Это потребует использования некоторых допущений и искусственных преобразований. Полученный суррогат не может в полной мере описать действительные отношения между объектами, что приведет к упрощению исходной модели и снижению качества конечного результата.

Предлагаемый подход выгодно отличается от подобных методик, поскольку изначально предназначен для работы с номинальными значениями. Заложенные в него принципы позволяют формировать группы однородных элементов за счет непосредственного анализа значений независимых признаков.

### **Общие принципы методики**

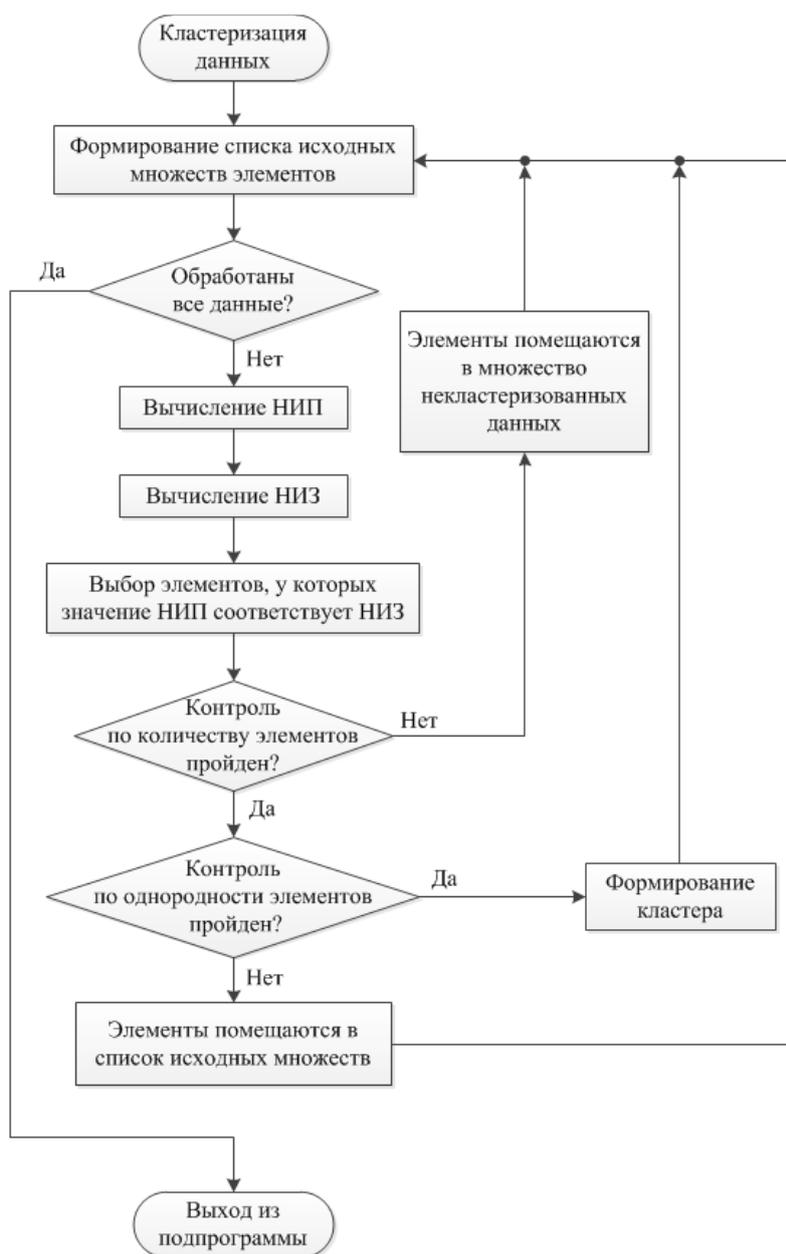
В основу методики положены принципы, изложенные в [4]. В качестве критериев кластеризации используются следующие пороговые величины:

- минимальное количество элементов в кластере;
- минимальное значение однородности в кластере.

Основные этапы процесса представлены на рис. 1 и включают в себя:

- вычисление **наиболее информативного признака (НИП)** для исследуемого множества элементов;
- вычисление наиболее **информативного значения (НИЗ)** среди всех возможных значений НИП;
- выборку элементов из исходного множества элементов, у которых значение НИП соответствует НИЗ;

- вычисление значения однородности для полученных множеств;
- контроль однородности: если вычисленное значение меньше порогового значения, то полученное множество помещают в список исходных множеств и для него повторяют п.п. 1-5;
- контроль количества элементов: если количество элементов в множестве меньше порогового значения, данные элементы считают статистически мало-значимыми и помещают в специальное множество для некластеризованных данных.



**Рис. 1.** Блок-схема алгоритма кластеризации данных

Группы элементов, удовлетворяющие обоим пороговым значениям, оформляются в виде кластеров. Для них формируется шаблон, который в последующем сохраняется в БД.

## Определение наиболее информативного признака

Рассмотрим множество элементов  $A: \{a_1, a_2, \dots, a_n\}$ , где  $n$  – количество элементов в множестве. Каждый элемент  $a$  характеризуют набором из  $m$  признаков:

$$a \rightarrow \{v_1, v_2, \dots, v_m\}.$$

Каждый признак  $v_i$  является номинальной величиной и может принимать одно из predetermined значений:

$$v_{i(r)} \in V_i: \{v_{i(1)}, v_{i(2)}, \dots, v_{i(s_i)}\},$$

где  $i$  – номер признака;

$r$  – номер значения признака;

$s_i$  – количество уникальных значений признака  $v_i$ , которые встречаются во множестве элементов  $A$ ;

$V_i$  – множество уникальных значений признака  $v_i$ ;

$v_{i(r)}$  – значение  $r$  признака  $i$ .

Вероятность появления значения  $v_{i(r)}$  в произвольном элементе составляет:

$$p_{i(r)} = \frac{n_{i(r)}}{n},$$

где  $n_{i(r)}$  – количество элементов, у которых признак  $v_i$  имеет значение  $v_{i(r)}$ .

Отметим, что для всех  $i$  верны утверждения:

$$\begin{aligned} \sum_{r=1}^{s_i} n_{i(r)} &= n, \\ \sum_{r=1}^{s_i} p_{i(r)} &= 1. \end{aligned}$$

Энтропию каждого признака можно представить выражением следующего вида:

$$H_i = - \sum_{r=1}^{s_i} p_{i(r)} \log_2 p_{i(r)}.$$

Значение энтропии  $H_i$  будет находиться в некотором диапазоне  $0 \leq H_i \leq H_{max_i}$ , причем  $H_i = 0$  соответствует ситуации с нулевой дисперсией, когда признак  $v_i$  у всех элементов имеет одинаковое значение. Максимального значения ( $H_i = H_{max_i}$ ) энтропия достигает в случае с максимальной дисперсией, то есть когда каждое значение признака встречается равное количество раз.

Далее необходимо определить взаимное влияние признаков. Для каждой пары признаков  $v_i$  и  $v_j$  строим двумерную переменную, представленную в табл. 1, где МР – маргинальное распределение.

Таблица 1

**Значения двумерной номинальной переменной**

Значения признака $v_i$	Значения признака $v_j$				МР $v_j$
	$v_{j(1)}$	$v_{j(2)}$	...	$v_{j(s_j)}$	
$v_{i(1)}$	$n_{i(1),j(1)}$	$n_{i(1),j(2)}$	...	$n_{i(1),j(s_j)}$	$n_{i(1)}$
$v_{i(2)}$	$n_{i(2),j(1)}$	$n_{i(2),j(2)}$	...	$n_{i(2),j(s_j)}$	$n_{i(2)}$
...	...	...	...	...	...
$v_{i(s_i)}$	$n_{i(s_i),j(1)}$	$n_{i(s_i),j(2)}$	...	$n_{i(s_i),j(s_j)}$	$n_{i(s_i)}$
МР $v_i$	$n_{j(1)}$	$n_{j(2)}$	...	$n_{j(s_j)}$	$n$

Вероятность появления в элементе комбинации значений  $v_{i(r)}$  и  $v_{j(q)}$  будем рассчитывать по формуле:

$$p_{i(r),j(q)} = \frac{n_{i(r),j(q)}}{n},$$

где  $n_{i(r),j(q)}$  – количество элементов, у которых признаки  $v_i$  и  $v_j$  имеют значения  $v_{i(r)}$  и  $v_{j(q)}$ .

Соответственно энтропию для пары этих признаков можно вычислить следующим образом:

$$H_{ij} = - \sum_{r=1}^{s_i} \sum_{q=1}^{s_j} p_{i(r),j(q)} \log_2 p_{i(r),j(q)}.$$

Очевидно, что  $H_{ij}$  может принимать значения на интервале  $[0; H_i + H_j]$ . В случае полной связи, то есть когда  $s_i = s_j$  и когда каждому признаку  $v_{i(r)}$  соответствует строго определенный признак  $v_{j(q)}$ , имеем

$$H_{ij} = H_i = H_j. \quad (1)$$

При статистической независимости, когда связь между признаками отсутствует, получаем:

$$H_{ij} = H_i + H_j. \quad (2)$$

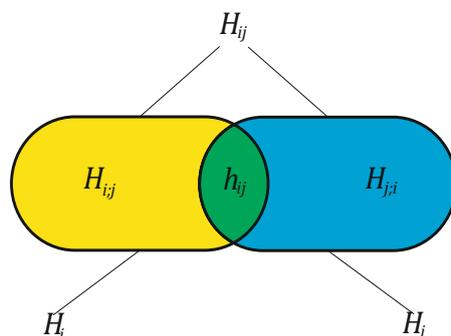
Условная энтропия ( $H_{j;i}$ ) показывает, какая часть энтропии остаётся, если становится известно значение признака  $v_i$ .

$$H_{j;i} = H_{ij} - H_i.$$

В случае, когда выполняется условие (1), условная энтропия равна нулю. Это означает, что вся информация о значениях признака  $v_j$  содержится в признаке  $v_i$ . При независимости признаков, то есть если выполняется условие (2), условная энтропия  $H_{j;i}$  будет равна всей энтропии  $H_j$  признака  $v_j$ . Оценить часть энтропии признака  $v_j$ , которая будет объясняться значением признака  $v_i$ , позволяет следующее выражение:

$$H_i - H_{j;i} = H_i + H_j - H_{ij} = H_i - H_{i,j} = h_{ij}.$$

Наглядно эту зависимость удобно проследить с использованием диаграммы Венна (рис. 2).



**Рис. 2.** Диаграмма Венна – зависимость между значениями для двумерной номинальной переменной

Относительный частный коэффициент влияния  $v_i$  на  $v_j$  можно тогда определить как отношение

$$\frac{h_{ij}}{H_i}$$

Аналогично, частный коэффициент влияния  $v_j$  на  $v_i$  будет соответствовать

$$\frac{h_{ij}}{H_j}$$

Указанный коэффициент считают хорошим показателем взаимного влияния признаков. Однако, как отмечают в [8], значение  $h_{ij}$  симметрично относительно  $v_i$  и  $v_j$  и лежит в диапазоне от 0 до  $H_{ij} = H_i = H_j$ . Поэтому более удобным и информативным показателем будет

$$\frac{h_{ij}}{H_{ij}}$$

который изменяется от 0 (в случае независимости признаков) до 1 (в случае полной связи). Рассчитаем средневзвешенное значение этого параметра для признака  $v_i$  относительно всех прочих признаков, иными словами для всех  $j \neq i$ , по формуле:

$$M \left\{ \frac{h_{ij}}{H_{ij}} \right\} = \frac{\sum_{j \neq i} \frac{h_{ij}}{H_{ij}} H_{ij}}{\sum_{j \neq i} H_{ij}} = \frac{\sum_{j \neq i} h_{ij}}{\sum_{j \neq i} H_{ij}} = I_i.$$

Полученная величина  $I_i$  может служить мерой информативности признака  $v_i$  относительно остальных признаков. Чем выше значение  $I_i$ , тем больший объём совокупной информации несёт в себе признак  $v_i$  о значениях признаков  $v_{j \neq i}$ . Признак, обладающий наибольшим значением  $I_i$ , назовем наиболее информативным признаком (НИП).

### **Определение наиболее информативного значения признака**

Очевидно, что в общую информативность признака вносит свой вклад каждое его значение. Допустим, что некоторое значение НИП встречается с большим числом значений другого признака, которое, в свою очередь, также встречается с различными значениями НИП. Степень зависимости здесь будет проявляться достаточно слабо. Второе значение НИП, напротив, соотносится с вполне ограниченным количеством значений другого признака, которые, в свою очередь встречаются, в основном (или только) с этим значением НИП. Справедливо считать, что второе значение более информативно. Значение, у которого описанное качество относительно прочих признаков выражено в наибольшей степени, будем называть наиболее информативным значением (НИЗ).

Рассмотрим множество элементов в трех проекциях. Случай первый: выделим в исходном множестве подмножество элементов, у которых признак  $v_i$  принимает значение  $v_{i(r)}$ , тогда для всех остальных элементов будет выполняться условие  $v_i \neq v_{i(r)}$  (рис. 3).

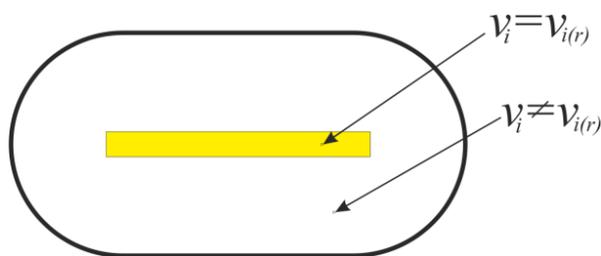


Рис. 3. Распределение элементов – случай первый

Для этого случая энтропию можно вычислить по формуле:

$$H_{i(r)} = - \left( p_{i(r)} \log_2 p_{i(r)} + p_{\overline{i(r)}} \log_2 p_{\overline{i(r)}} \right), \quad (3)$$

где  $p_{i(r)}$  – вероятность появления элемента со значением  $v_{i(r)}$  в признаке  $v_i$ , то есть  $v_i = v_{i(r)}$ ;

$p_{\overline{i(r)}}$  – вероятность появления элемента со значением признака  $v_i$ , отличным от значения  $v_{i(r)}$ , то есть  $v_i \neq v_{i(r)}$ .

Далее определим энтропию значений признака  $v_j$  ( $j \neq i$ ) относительно значения  $v_{i(r)}$ . Очевидно, существуют такие значения признака  $v_j$ , которые хотя бы один раз встречаются в комбинации с  $v_{i(r)}$ . Для определенности, обозначим множество таких значений признака  $v_j$ , как  $V_{j,i(r)}$ . Выделим элементы, у которых  $v_j \in V_{j,i(r)}$  в отдельное множество. Остальные элементы составят второе множество, где значение признака  $v_j$  ни разу не встречается в комбинации с  $v_{i(r)}$ , то есть  $v_j \notin V_{j,i(r)}$  (рис. 4).

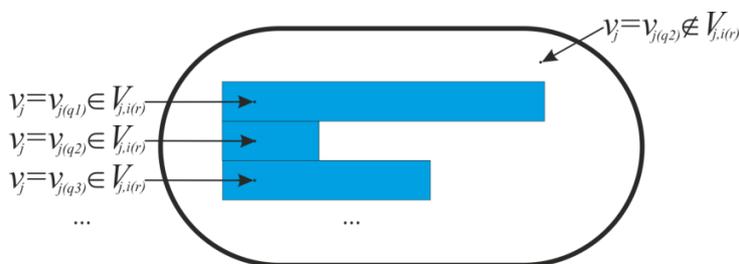


Рис. 4. Распределение элементов – случай второй

Энтропию вычисляют по формуле:

$$H_j^{i(r)} = - \left( p_{i(r),j} \log_2 p_{i(r),j} + p_{\overline{i(r)},j} \log_2 p_{\overline{i(r)},j} \right), \quad (4)$$

где  $p_{i(r),j}$  – вероятность появления элемента с любым значением в признаке  $v_j$ , которое хотя бы раз встречается в комбинации со значением  $v_{i(r)}$  в признаке  $v_i$ ;

$p_{\overline{i(r)},j}$  – вероятность появления элемента с любым значением в признаке  $v_j$ , которое ни разу не встречается в комбинации со значением  $v_{i(r)}$  в признаке  $v_i$ .

Теперь необходимо рассчитать энтропию комбинаций значения  $v_{i(r)}$  со значениями признака  $v_j$ . В произвольном элементе  $a \in A$  каждое значение  $v_j = v_{j(q)}$  может находиться в одном из трёх состояний относительно  $v_{i(r)}$  (рис. 5):

- $v_j = v_{j(q)}$  и  $v_i = v_{i(r)}$ ;
- $v_j = v_{j(q)}$  и  $v_i \neq v_{i(r)}$ , но существуют такие элементы  $a \in A$ , где выполняется условие:  $v_j = v_{j(q)}$  и  $v_i = v_{i(r)}$ , то есть  $v_{j(q)} \in V_{j,i(r)}$ ;
- $v_j = v_{j(q)}$  ни разу не встречается в комбинации с  $v_{i(r)}$ , то есть  $v_{j(q)} \notin V_{j,i(r)}$ .

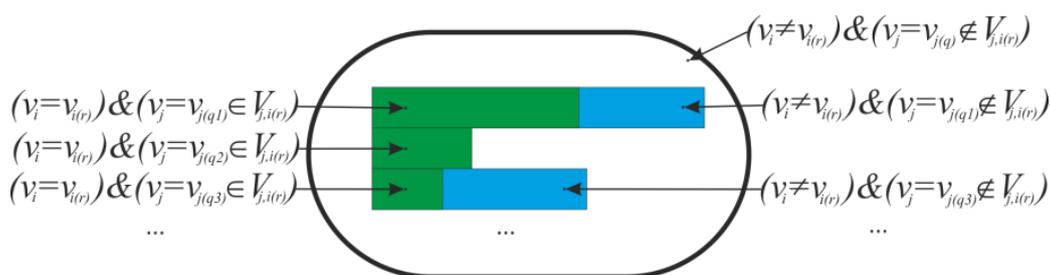


Рис. 5. Распределение элементов – случай третий

Энтропию такого распределения можно выразить следующим образом:

$$H_{ij}^{i(r)} = - \left( \sum_{q=1}^{s_j^{i(r)}} (p_{i(r),j(q)} \log_2 p_{i(r),j(q)}) + \sum_{q=1}^{s_j^{i(r)}} (p_{\overline{i(r),j(q)}} \log_2 p_{\overline{i(r),j(q)}}) + \right. \quad (5)$$

$$\left. p_{\overline{i(r),j}} \log_2 p_{\overline{i(r),j}} \right),$$

где  $p_{i(r),j(q)}$  – вероятность появления элемента со значением  $v_{j(q)}$  в признаке  $v_j$ , которое хотя бы раз встречается в комбинации со значением  $v_{i(r)}$  в признаке  $v_i$ , то есть выполняются условия:  $v_j = v_{j(q)} \in V_{j,i(r)}$  и  $v_i = v_{i(r)}$ ;

$p_{\overline{i(r),j(q)}}$  – вероятность появления элемента со значением  $v_{j(q)}$  в признаке  $v_j$  и значением признака  $v_i$ , отличным от значения  $v_{i(r)}$ , то есть выполняются условия:  $v_j = v_{j(q)} \in V_{j,i(r)}$  и  $v_i \neq v_{i(r)}$ ;

$p_{\overline{i(r),j}}$  – вероятность появления элемента с любым значением в признаке  $v_j$ , которое ни разу не встречается в комбинации со значением  $v_{i(r)}$  в признаке  $v_i$ , то есть выполняется условие:  $v_j \notin V_{j,i(r)}$ ;

$s_j^{i(r)}$  – количество комбинаций значения  $v_{i(r)}$  признака  $v_i$  со значениями признака  $v_j$ .

Обобщая сказанное, видим, что в первом случае мы располагаем информацией только о значении признака  $v_i = v_{i(r)}$ . Во втором случае – информацией о значениях признака  $v_j$ , которые встречаются в сочетании с  $v_{i(r)}$ . Третий случай – консолидирующий. Доступна полная информация о сочетаниях

ния  $v_{i(r)}$  с различными значениями признака  $v_j$ .

Вычисленные значения энтропии (3-5) можно соотнести между собой следующим образом:

$$H_{ij}^{i(r)} < H_{i(r)} + H_j^{i(r)},$$

если значение  $v_{i(r)}$  несет в себе некоторое количество информации о значениях признака  $v_j \in V_{j,i(r)}$ :

$$H_{ij}^{i(r)} = H_{i(r)} + H_j^{i(r)},$$

если значение  $v_{i(r)}$  не содержит такой информации.

Выражение

$$h_{ij}^{i(r)} = H_{i(r)} + H_j^{i(r)} - H_{ij}^{i(r)}$$

позволяет определить часть энтропии значений признака  $v_j \in V_{j,i(r)}$ , которая становится известна, если известно значение  $v_{i(r)}$ . Заметим, что поскольку  $v_{i(r)}$  не комбинирует со значениями  $v_j \notin V_{j,i(r)}$ , то есть вероятность появления элемента у которого  $v_i = v_{i(r)}$  и  $v_j = v_{j(q)} \notin V_{j,i(r)}$  равна 0, то справедливо будет считать, что  $h_{ij}^{i(r)}$  отражает информационную значимость  $v_{i(r)}$  относительно всех значений признака  $v_j$ .

Тогда относительный коэффициент влияния  $v_{i(r)}$  на  $v_j$  будет

$$\frac{h_{ij}^{i(r)}}{H_{ij}^{i(r)}}.$$

Теперь можно рассчитать средневзвешенное значение этого параметра для всех  $j \neq i$  относительно  $v_{i(r)}$ :

$$M \left\{ \frac{h_{ij}^{i(r)}}{H_{ij}^{i(r)}} \right\} = \frac{\sum_{j \neq i} \frac{h_{ij}^{i(r)}}{H_{ij}^{i(r)}} H_{ij}^{i(r)}}{\sum_{j \neq i} H_{ij}^{i(r)}} = \frac{\sum_{j \neq i} h_{ij}^{i(r)}}{\sum_{j \neq i} H_{ij}^{i(r)}} = I_{i(r)}.$$

Вычисленную величину можно считать мерой информативности  $v_{i(r)}$  относительно всех прочих признаков для текущей выборки элементов. Его значение может меняться от 0 до 1. Значение, обладающее максимальной информативностью, считаем НИЗ.

### **Контроль однородности выделенных кластеров**

Полученные значения позволяют из общего массива данных сформировать кластер. НИП элементов этого кластера имеет значение соответствующее НИЗ. Таким образом, получаем два множества. В отношении каждого из них можно либо рекурсивно выполнить описанную выше процедуру, либо сохранить в БД в качестве кластера. Для принятия решения оценивают два параметра: количество элементов и однородность. Если однородность элементов множества выше predetermined порогового значения, то это множество сохраняют в виде кластера, в противном случае выполняют контроль количества элементов. Если количество элементов превышает пороговое значение, то множество подвергают повторной обработке. Элементы, которые не удается объ-

единить с соблюдением требований к однородности и минимальному количеству элементов в кластере, помещают в отдельное множество для некластеризованных данных.

Однородность является мерой степени "похожести" элементов в кластере и вычисляется по формуле:

$$u = \frac{\sum_{j=1}^m n_{\max(j)}}{nm},$$

где  $n$  – количество элементов в исследуемом множестве;

$m$  – количество признаков элемента;

$n_{\max(j)}$  – максимальное количество элементов с одинаковым значением признака  $v_j$ .

Диапазон значений однородности, таким образом, меняется от  $\frac{1}{n}$ , если значения всех признаков различны, до 1, если значения всех признаков одинаковые.

### Выводы

В статье предложена оригинальная методика кластеризации сетевых СИБ, регистрируемых СОВ. В её основе лежит энтропийный анализ, который является составляющей компонентой МИАД. Ключевая особенность МИАД заключается в возможности обрабатывать данные с малым числом признаков, измеренных в номинальной шкале и обладающих высоким значением вариативности. Путем последовательного вычисления НИП и НИЗ выполняется формирование кластеров с заданными характеристиками. В результате данные приобретают более структурированную форму, появляется дополнительная информация статистического характера – количество элементов в кластере и их однородность, все это упрощает работу с сетевыми СИБ.

### Литература

1. **Интуит**. Национальный открытый университет. Лекция 4: Задачи Data Mining. Информация и знания. <http://www.intuit.ru/studies/courses/6/6/lecture/164>.
2. **Барсегян А.А., Куприянов М.С., Степаненко В.В., Холод И.И.** Технологии анализа данных: DataMining, VisualMining, TextMining, OLAP. 2-е изд. СПб.: БХВ-Петербург, 2007. 384 с.
3. **Harshna, Navneet K.** Fuzzy Data Mining Based Intrusion Detection System Using Genetic Algorithm. January 2014. [http://www.ijarcce.com/upload/2014/january/IJARCCCE3I\\_\\_a\\_harshna\\_fuzzy.pdf](http://www.ijarcce.com/upload/2014/january/IJARCCCE3I__a_harshna_fuzzy.pdf).
4. **Мёллер Ф.** Роль энтропии в номинальной классификации // Математика в социологии. Моделирование и обработка информации. М.: Мир, 1977. 385 с.